### 事例8 数学的活動の楽しさや数学のよさを実感して粘り強く考える指導事例

- ○学年 第3学年
- ○主な領域 B 図形
- ○事例のポイント
  - ①日常の事象から見いだした算数の問題を解決することで、かごからの長さが同じになると いう円の形のよさを実感できるようにする。
  - ②単元の見通しや課題を児童が見いだすことができるようにする。

## ICTを活用した主な学習場面

・自力解決の場面、問題・課題を見いだす場面で使用

### ICT活用の利点

- ①図を動かしたり、線をかいたりして効果的に学びを調整したり粘り強く課題を解決したりできるようにする。
- ②大型画面を活用して単元の問題・課題を効果的に児童が見いだすことができるようにする。

#### 1 単元名 円と球

#### 2 単元について

本単元では、観察、分類、構成、作図などの活動を通して円について、また、観察を通して球について理解できるようにする。円や球などを見いだすことを通して、図形のもつ性質が日常生活でどのように役立てられているかを考察するなど、身の回りのものを図形として捉えられるようにする。

図形の構成や問題の解決に当たる際には、それらを定める約束や性質を用いて処理しようとする態度を養うことをねらいとしている。ここで育成される資質・能力は、第4学年での平行四辺形、ひし形、台形などの考察に生かされるものである。

### 3 単元の目標

- (2) 円や球の観察・作図を通して、円の性質や球の性質を見いだすことができる。

〈思考力、判断力、表現力等〉

(3) 円と球に関心をもち、特徴や日常生活でどのように活用されているのか調べようとしている。 〈学びに向かう力、人間性等〉

#### 4 単元の評価規準

知識・技能	思考・判断・表現	主体的に学習に取り組む態度
①円や球について、中心、半径、	①円の半径や直径を観察した	①円と球に関心をもち、特徴
直径の意味やそれぞれのもつ	り作図したりすることを通	を調べようとしている。
性質を知っている。	して、円の半径や直径は無	②身の回りの円や球が、日常
②コンパスを用いて、円を作図す	数にあるなどの性質を見い	生活でどのように活用され
ることなどができる。	だしている。	ているのか調べようとして
	②球の観察などを通して、球	いる。
	を平面で切ると切り口は円	
	になり、球をちょうど半分	
	に切った場合の切り口が最	
	大になるなどの性質を見い	
	だしている。	

## 5 指導と評価の計画

り 担待	て計画の計画			
		評価規準(評価方法)		
時間	ねらい・学習活動	・指導に生かす評価 〇記録に残す評価		
LA LA	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	知識・技能	   思考・判断・表現	主体的に学習に
		人口哦 1又形	心与。刊剧。衣先	取り組む態度
① 本時	円や球の構成の仕方や性	・知① (行動観察、		・態①(行動観
	質を捉えるという単元の見	ノート分析)		察、ノート分
	通しをもつ。			析)
2	中心、半径の用語を知り、	•知① (行動観察、		
	円の構成の仕方や性質につ	ノート分析)		
	いて理解する。			
3	半径や直径の意味に着目	・知① (行動観察、	·思①(行動分析、	
	して、円の中心の見付け方を	ノート分析)	ノート分析)	
	考える。			
4	コンパスを用いて、指定さ	<ul><li>知②(行動観察、</li></ul>		
	れた半径の円やその一部を	ノート分析)		
	使った模様をかく。			
	コンパスは等しい長さをは	<ul><li>知②(行動観察、</li></ul>		
5	かり取ったり移したりする	ノート分析)		
J	ことができることを理解す			
	る。			
6	球の特徴について理解す	•知①(行動観察、	・思②(行動観察、	
	る。	ノート分析)	ノート分析)	
7	単元の学習の活用を通し		○思①②(行動観	<ul><li>態②(行動観)</li></ul>
	て事象を数理的に捉え論理		察、ノート分析)	察、ノート分
	的に考察し、問題を解決す			析)
	る。			
8	学習内容の定着を確認し、	<ul><li>知①②(行動観</li></ul>		○態①②(行動
	様々な問題に取り組み、学習	察、ノート分析)		観察、ノート
	内容を振り返る。			分析)
9	学習内容の定着を確認す	○知①② (ペーパ		
	る。(評価テスト)	ーテスト)		

# 6 本時について (本時 1/9時)

- (1) 本時の目標
  - ○円や球について、中心、半径、直径の意味やそれぞれのもつ性質を知ることができる。

〈知識及び技能〉

○円と球に関心をもち、特徴を調べようとしている。 〈学びに向かう力、人間性等〉

# (2) 展開

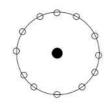
(=)						
学習活動	教師の発問 (◎) 予想される児童の反応 (・)	評価規準(◇) 支援(⇒) 指導上の留意点(○)	時間			
1 問題を把 握する。	<ul><li>◎今日の場面を見てください。</li><li>12人で玉入れゲームをします。</li><li>1人が1こずつ玉を持って、線のところからかごをめがけて同時に玉を投げます。</li><li>玉をかごに入れた人が勝ちです。</li></ul>	○場面から、かごからの長さが等しくなるようにならぶためには、どのような線をかけばよいのだろうかという算数の問題を児童自ら見いだ	3			

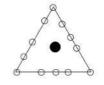
- はしの人がかごから遠いです。
- 真ん中の人が近くてずるいです。
- ・この線だと公平ではないです。
- どんな線だったらかごからの長さが等しく なるだろうか。

課題を見いだす。

かごからの長さが等しくなるようにならぶためには、どのような線をかけばよいのだろか。

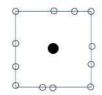
- 3 自力解決 をする。
- ○ICT端末の● (かご)と○ (人)を動かしてどんな線をかけばよいかを考えましょう。
- きれいなまるい形
- 三角形

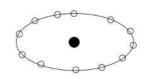




• 四角形

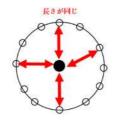
・細長いまるい形

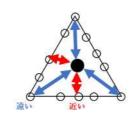


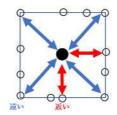


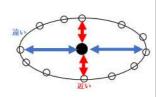
4 考えを発表し課題について話し合う。

◎次のように考えた友達がいました。考えを比べてみましょう。









- ・三角形と四角形、細長いまるい形は遠くになってしまう人がいます。
- ・きれいなまるい形だと、どこに並んでもか ごからの長さが同じになります。

5 本時のま とめをす る。

かごから長さが同じになるようなきれいなまるい形の線をかけばよい。

6 既習の形

◎今まで学習してきた三角形や四角形とまる

せるようにする。

#### 事例のポイント①

日常の事象から見いだ した算数の問題を解決 することで、かごから の長さが同じになると いう円の形のよさを実 感できるようにする。

10

2

# ICT活用の利点①

ICT端末を活用し、図を動かしたり線をかいたりしながら自力解決をすることで、学びを調整し粘り強く課題を解決できるようにする。

- ○自力解決の際に、他の形はかごからの「長さが等しくならないのか」と考察の範囲を広げられるようにする。
- ○児童の考えを画面共有 10 することで、協働的に問 題を解決することがで きるようにする。
- ○三角形、四角形、細長い まるい形については近 い場所と遠い場所があ ることを図で確認する。
- ◇円や球について、中 心、半径、直径の意味 やそれぞれのもつ性質 を知っている。
  - 【知識・技能①】(行動観察、ノート分析)
- ◇円と球に関心をもち、 特徴を調べようとしている。
- 【主体的に学習に取り組む態度①】(行動観察、ノート分析)
- ⇒特徴を調べられていない児童は主体的に取り組めるまで一緒に図を操作したり、見通しがもてるように声をかけた

5

10

とまるいではこれでは、したの見ができます。

7 学習を振

感想を書

く。

り返り学習

い形(円・球)を比べてみましょう。

- ・三角形や四角形はかくことができたけど、きれいなまるい形はかくことができないです。
- ・三角形や四角形の特徴は説明できるけど、ま るい形の特徴は説明することができません。
- ◎これからどんな学習をしたいですか。
- ・三角形や四角形をかいてきたので、きれいな まるい形もかけるようになりたいです。
- ・三角形や四角形と同じように、まるい形の特徴も説明できるようになりたいです。
- ◎学習を振り返りましょう。
- ・きれいなまるだと長さが同じになり、三角形 や四角形は遠い人や近い人がでてきてしま うことが分かりました。
- ・きれいなまるい形をかけるようになりたいと思いました。
- ・まるい形の特徴を説明できるようになりたいと思いました。

りする等、支援をしてい く。

### 事例のポイント②

既習の学習と比較することで、単元の見通しや課題を児童が見いだすことができるようにする。

#### ICTの活用の利点②

大型画面を活用して既習の 図形(三角形・四角形)と 円を比較することで、効果 的に単元の見通しや課題を 児童が見いだすことができ るようにする。

### 7 指導の実際

<問題把握・課題を見いだす場面>

T:12人で玉入れゲームをします。1人が1こずつ玉を持って、線のところからかごをめがけて同時に玉を投げます。玉をかごに入れた人が勝ちです。(場面絵を提示する)

C: これだと、真ん中の人が有利で、端の人が不利になると思います

T:みんなはどう思う。

C: 真ん中の人が有利で、端の人が有利じゃない。

T:これは問題が起きましたね。

 $C: \delta \lambda_{\circ}$ 

T:この線のかき方だと、真ん中の人が有利で、端の人が有利ではないんだよね。じゃあ、今日の授業の課題はどうしますか。

C:どうやったらみんな同じ距離になるか。

T: そうですね。では、かごからの長さが等しくするには、どのよう な線をかけばよいのか考えましょう。

### <自力解決の場面>

T: ICT端末を使って考えましょう。赤い●は何でしょうか。

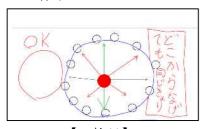
C:かごです。

T:○は何を表していますか。

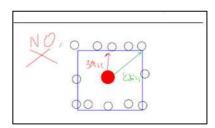
C:子どもです。

 $T: \bigcirc$ は動かすこともできます。また、同じページが 5 つあるので、解決できた人は他の線はどうだろうと考えを広げてみましょう。

#### C1 の様子



【1枚目】



【2枚目】

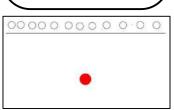


5

【場面提示している写真】

#### 事例のポイント①

日常の事象から見いだ した算数の問題を解決 することで、かごから の長さが同じになると いう円の形のよさを実 感できるようにする。

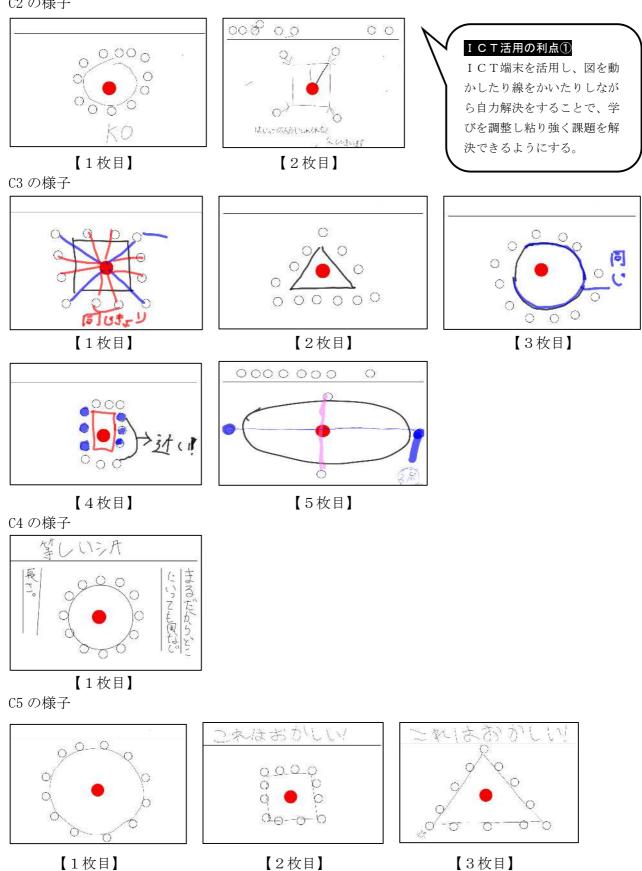


【ICT端末の写真】



【ICT端末を操作している写真】

## C2 の様子



<話し合う場面>

T: どんな考えがでたか大型画面で比べましょう。クラスの人は、どんな線のかきかたを考えた のですか?

C:まるい形。三角形。四角形。

T: あとは?

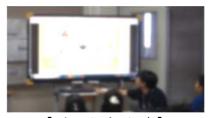
- C:細長いまる。
- C:でもこれ、端の人が不利だよ。
- T:色々なかき方がでてきたけど、どうかな?
- C: 三角はだめ。
- T:何がだめなの?前に出て教えて。
- C:ここが近くて、三角の先が遠くなる。
- T:他はある。
- C:正方形はだめ。
- T:これ自分で考えた時に正方形はだめと説明している子がいました。○○さんはどうしてダメって思っての?教えて。
- C:ここの人(正方形の頂点の人)が遠い。
- T: まるはどう?
- C:同じになった。
- T: じゃあ、まるい形ならいいんだね。
- C: だめ。細長い丸はだめ。ここの長さと(横に長い部分)とここの長さ(縦に短い部分)が違うのでだめ。
- T:23人で色々な線のかき方を調べてきたけど、どんな線ならかごとの長さが同じになりますか。
- C: まる。
- T: どんなまるならいいのですか。
- C: ちゃんとしたまるならいい。
- T: まとめを考えましょう。どんな線ならかごからの長さが同じになりましたか。
- C:まる。
- C: ちゃんとしたまる。
- T: ちゃんとしたまるい形の線をかけば、かごからの長さが同じになるのですね。運動会とかで 玉入れしたときありますか。どんな線でしたか。
- C:まるい形でした。
- T: 先生たちがみんなとかごの長さが等しくなるように線をかいていたのですね。三角とかだったらどう?
- C:最悪!
- C:角の人がいやだ。

#### 事例のポイント②

既習の学習と比較することで、単元の見通しや課題を児 童が見いだすことができるようにする。

<既習の形とまるい形について話し合い、単元の見通しを立てる場面>

- T:今まで学習してきた三角形や四角形とまるい形(円・球)を比べるために、形クイズを行います。※直角三角形(三角定規)、直角二等辺三角形(三角定規)、正三角形(赤い三角形)、長方形(ノート)、正方形(時計)、円(100円玉)、楕円(時計)を大型画面に提示する。
- T: 第1問です。直線で囲まれた図形です。辺の数は3つです。 直角の角がありません。どれでしょう。
- C:赤い三角形。
- T:第2問です。4本の直線で囲まれています。角がみんな直角です。向かい合う辺の長さが同じです。縦と横の長さが ちがいます。
- C: ノートです。
- T:最後の問題です。角がありません。直線がありません。 まるい形をしています。
- C:100円玉の形だと思います。
- C:時計の形も当てはまると思います。
- C:あ~そうか。
- T: みんな、三角形とか四角形は説明できるから形が決まった けど、まるい形はどうでしたか。



【形クイズの写真】

### ICTの活用の利点②

大型画面を活用して既習の図形 (三角形・四角形)と円を比較す ることで、効果的に単元の見通し や課題を児童が見いだすことがで きるようにする。

- C:説明できていない。
- T: みんなはこれからどんな学習をしたほうがいいですか。
- C:まるい形の特徴を覚えたり、探したりする。
- T: それから三角形や四角形はかいてきたよね。ちゃんとしたまるい形はどう?
- C:かいてみたい。
- C: コンパスとか?
- T:では、これからの授業では、まるい形の特徴を探したりちゃんとしたまるい形をかいたりする学習をしていきましょう。

#### <学習を振り返り学習感想を書く場面>

- C: 三角形、四角形、細長いまるい形は遠い近いがあるので、かごからのきょりは、ちゃんとしたまるい形が同じになる。
- C:四角形や三角形だと角の人が不利になるので、ちゃんとしたまるい形がよいと思いました。
- C: ちゃんとしたまるい形の説明ができるようにしたいです。
- C: まるい形の特徴はたくさんあっておもしろそうなので、これからの勉強が楽しみです。
- C: 玉入れをするときは、1番等しいのはまるい形がだと分かりました。まるい形はどの大きさでも等しかったです。
- C: まるい形を説明できるように授業でがんばりたいです。全部の形を説明できるようになりたいです。
- C:色々な線を考えたけど、ちゃんとしたまるじゃないとだめだと思いました。コンパスを使えば、きれいにできるので、コンパスでしょうと思いました。

### 8 考察

本事例では、日常の事象から見いだした算数の問題を解決することで、かごからの長さが同じになるという円の形のよさを実感できるようにすることや、単元・本時の見通しや課題を児童が見いだすことができるようにするなど、ICTを活用することで効果的に数学的活動の楽しさや数学のよさを実感して粘り強く考えられるように工夫した。

導入では場面絵を大型画面で効果的に提示することで、問題や課題を児童が見いだしていた。 自力解決では、様々な線のかきかたをICTを活用することで児童が試行錯誤を通して、円の 形のよさを実感することができた。C1、C4 はかごからの長さを意識して、「どこから投げても同 じきょり」と円のよさについての記述が見られた。C2、C3、C5のように考察の範囲を広げ、様々 な図形を粘り強く考えている様相も見られた。全体的には、ICT端末を活用して何度も図を調 整している様相も見られた。

大型画面で効果的に既習の図形とまるい形を比べることで、「まるい形の特徴を探したい」、「ちゃんとしたまるい形(円)をかきたい」等、児童自ら単元の見通しを立てることができた。